

A ens. des accords (X ou $X7$), D sous-ens. des $X7$

$R(u)$ = ens. des mots dérivés de u par R_1, R_2, R_3

$R_i(u)$ = ens. des mots dérivés de u par R_i

Proposition : si $x \in D$ et $u \in (A \setminus D)^*$, alors

$$R(ux) = \{ vz \mid \exists u', u'' \text{ tels que } u = u'u'', v \in R_1(u'), z \in R(x) \}$$

Dem : récurrence sur le nombre de dérivations

$$ux \xrightarrow{*} vz \rightarrow w$$

• règle appliquée à v :

v ne contient pas d'acc. de D

$$\Rightarrow \in R_1(v) \Rightarrow \in R_1(u')$$

$R_1: X7 \rightarrow X \ X7$ $X \rightarrow X \ X$

• règle appliquée à $z \Rightarrow \in R(z) \Rightarrow \in R(x)$