

A ens. des accords (X ou $X7$), D sous-ens. des $X7$

$R(u) = \text{ens. des mots dérivés de } u \text{ par } R_1, R_2, R_3$

$R_i(u) = \text{ens. des mots dérivés de } u \text{ par } R_i$

Proposition : si $x \in D$ et $u \in (A \setminus D)^*$, alors

$R(ux) = \{ vz / \exists u', u'' \text{ tels que}$
 $u = u'u'', v \in R_1(u'), z \in R(x) \}$

Dem : récurrence sur le nombre de dérivation

$ux \xrightarrow{*} vz \rightarrow w$

• règle appliquée à v :

v ne contient pas d'acc. de D

$\Rightarrow \in R_1(v) \Rightarrow \in R_1(u')$

$R1: X7 \rightarrow X \ X7$
 $X \rightarrow X \ X$

• règle appliquée à $z \Rightarrow \in R(z) \Rightarrow \in R(x)$